

## 4. PROIECTAREA 6 SIGMA

### 4.1. Introducere

*Calitatea* sistemelor – înțelese ca produse, procese, servicii – este o dorință atât a proiectanților cât și a beneficiarilor. Statistica este un domeniu de bază pentru analiza calității.

Înțelegerea și percepția asupra aspectelor esențiale ale unui beneficiar asupra unui produs este un punct critic în asigurarea succesului produsului respectiv. Calitatea impune respect și diferențiază un produs de un altul. Una din căile de dezvoltare cu succes a produselor pe această linie este *Design For Six Sigma* (DFSS).

Utilizatorii cer produse perfecte, definind perfecțiunea prin: cost, calitate, performanță, estetică, ambalaj, etc. În același timp se impune îmbunătățirea predicției și capabilității de dezvoltare a produselor. Marketingul cere reducerea costurilor și creșterea profitului. Sunt aspecte care au generat în dezvoltarea DFSS.

După 1980 are loc un puternic schimb de informație referitoare la calitate dinspre societatea japoneză spre cea americană. Acest lucru se concretizează prin instruire în domeniul TQM, Metoda Taguchi, Management și planificare, etc.

Ca răspuns General Electric se lansează în această opțiune după 1990, raportând în 1999 că produsele sale respectă DFSS și salvând pe această cale 2 miliarde \$. Firma Motorola se înscrie pe aceeași traiectorie.

Six Sigma (sigma provine de la litera grecească care reprezintă deviația standard în statistică) reprezintă o metodologie de creștere a capabilității și de a reduce defectele în orice proces. Deviația standard reprezintă metrica de bază în analiza statistică a măsurărilor.

Dar ce este această proiectare ?

*Six Sigma Engineering* asigură un proces adecvat pentru a îmbunătăți calitatea și a reduce defectele. Cum realizează acest lucru ?

Conceptul fundamental pentru statistică este unitatea statistică. Unitatea statistică reprezintă forma individuală de manifestare obiectivă a fenomenelor și proceselor supuse statisticii. Fiecare unitate statistică are anumite caracteristici cantitative și calitative. Totalitatea unităților care printr-o proprietate comună pot fi considerate împreună, formează, o colectivitate statistică. Prin ordonarea și gruparea datelor statistice, după caracteristici de grupare, se obțin seriile statistice.

Cercetarea unei colectivități se poate exprima prin variabile aleatoare care reprezintă variația unei caracteristici întâmplătoare ce rezultă din cercetarea colectivității respective. Această variație este pusă în evidență de seria statistică de repartiție (repartiția variabilei aleatoare).

O variabilă aleatoare poate fi:

- *Discretă*, repartiția în acest exprimându-se sub forma:

$$X : \left( \begin{array}{c} x_i \\ f(x_i) \end{array} \right), i = 1, 2, \dots, n \quad (4.1)$$

unde  $x_i$  reprezintă variantele respective iar  $f(x_i)$  reprezintă probabilitățile respective  $f(x_i) = P(X = x_i)$ . Funcția  $f(x)$  se numește funcția de probabilitate.

- *Continuă*, repartiția exprimându-se în acest caz sub forma:

$$X : \left( \begin{array}{c} x \\ \varphi(x) \end{array} \right), x \in [a, b] \quad (4.2)$$

unde  $\varphi(x)$  este densitatea de probabilitate în punctul  $x$ .

O altă formă de exprimare a legii de repartiție, care caracterizează atât variabila aleatoare discretă cât și cea continuă, este funcția de repartiție. Prin definiție, funcția de repartiție a unei variabile aleatoare  $X$  este probabilitatea evenimentului ca variabila  $X$  să ia o valoare mai mică decât un  $x_0$  dat:

$$F(x) = P(X < x_0) = \sum_i f(x_i) \quad (4.3)$$

$$F(x) = P(X < x_0) = \int_a^{x_0} \varphi(x) \cdot dx \quad (4.4)$$

Formule de calcul pentru funcțiile de repartiție și respective densitatea de probabilitate sunt prezentate în literatură de specialitate [4.2], [4.9].

De exemplu pentru o repartiție normală (Gauss) densitatea de probabilitate se exprimă printr-o relație de forma:

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-m}{\sigma}\right)^2} \quad (4.5)$$

unde:  $m$  și  $\sigma$  sunt parametrii repartiției (media și respectiv dispersia),  $e = 2.71828$ ,  $\pi = 3.14159$ .

Funcția de repartiție în cazul legii normale este dată de relația:

$$F(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \cdot \int_{-\infty}^x e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{t-m}{\sigma}\right)^2} dt \quad (4.6)$$

Pentru a construi curba de repartiție normală este necesară determinarea

punctelor de extrem și de inflexiune ale funcției.

Pe principiul clasic al analizei matematice se poate determina:

- Maximul funcției are loc în punctul  $x = \mu$  și este de valoare  $f_{\max} = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}$ ;
- Punctele de inflexiune se găsesc la abscisa  $x = \mu \pm \sigma$

Curba densității de probabilitate are forma de clopot, simetrică teoretic față de o axă paralelă cu axa ordonatelor și asimptotică la axa absciselor.

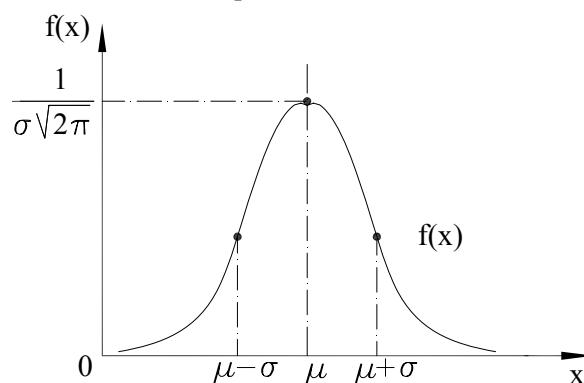


Fig. 4.1 Graficul densității de probabilitate pentru funcția normală

*Exemplu 4. 1*

O variabilă urmărită în procesul de măsurare prezintă o variație între 23 [U.M.] și 88 [U.M.] cu o frecvență reprezentată în tabelul 4.1. Se cere să se determine media variabilei respective, dispersia și să se reprezinte curba densității de probabilitate.

Din observația variației amplitudinii  $R = x_{\max} - x_{\min} = 89 - 23 = 66$  [U.M.] se pot admite 7 intervale egale de mărime  $h = 10$ .

Tabelul 4.1

Intervalul [U.M.]	Frecvența $n_i$	Frecvența relativă $f(x_i) = \frac{n_i}{n}$
20 - 30	6	0.06
30 - 40	12	0.12
40 - 50	16	0.16
50 - 60	32	0.32
60 - 70	15	0.15
70 - 80	13	0.13
80 - 90	6	0.06
<b>Total n = 100</b>		<b>1</b>

Calcul parametrilor distribuției conduce la valorile:

- Media:  $\mu = 55$  [U.M.]
- Dispersia:  $\sigma = 20$ .

Graficul densității de probabilitate este reprezentat în figura 4.2 Utilizarea relației (4.6) permite trasarea curbei densității de probabilitate pentru legea normală de repartiție.

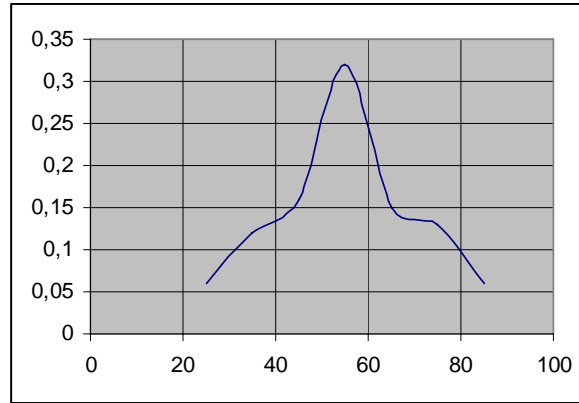


Fig. 4.2 Densitatea de probabilitate

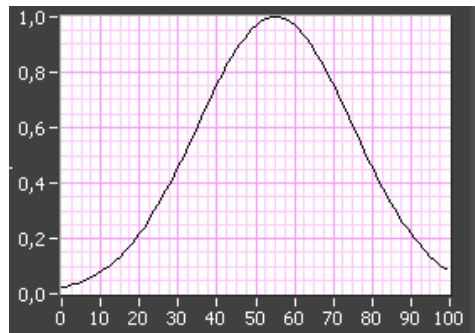


Fig. 4.3 Graficul densității de probabilitate (rel.4.6)

Curba densității de probabilitate se localizează prin media  $\mu$  și are forma determinată de dispersia  $\sigma$  (fig.4.4). Proporția de observații care aparțin unui interval centrat este prezentată în figura 4.5

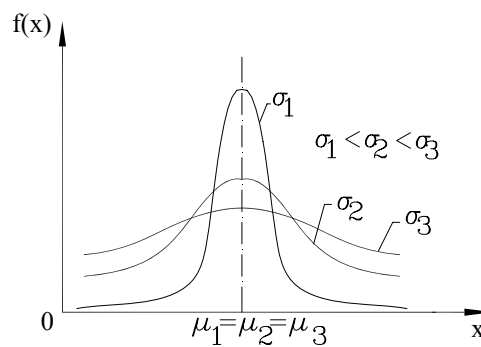


Fig. 4.4 Densitatea de probabilitate funcție de dispersie

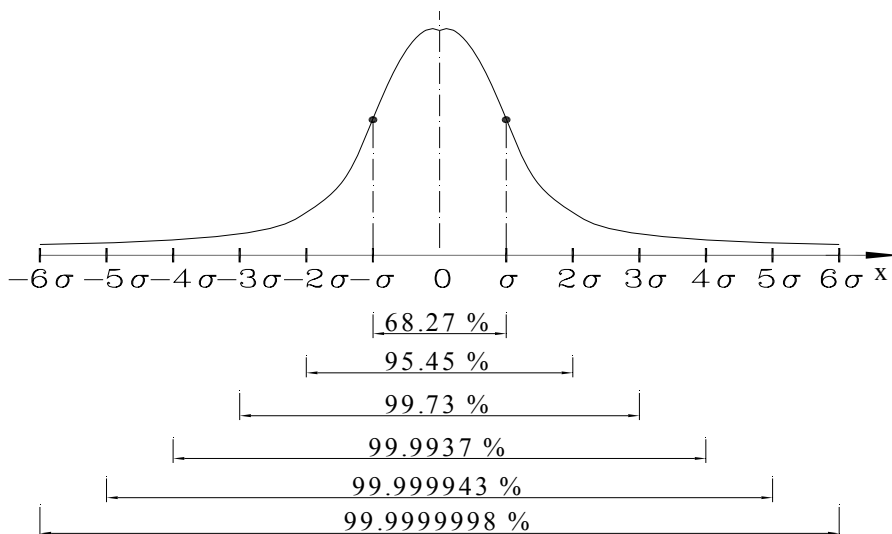


Fig. 4.5 Intervale centrate

## 4.2. Proiectare 6 sigma

### 4.2.1. Introducere

Graficul unei variații și performanțele procesului 6 $\sigma$  sunt evidențiate în figura 4.6. Limitele zonei admise sunt impuse de beneficiar. Metoda 3 $\sigma$  conduce la rebut și un preț ridicat. Printr-un proces de reducere a valorii dispersiei se obține o creștere a calității.

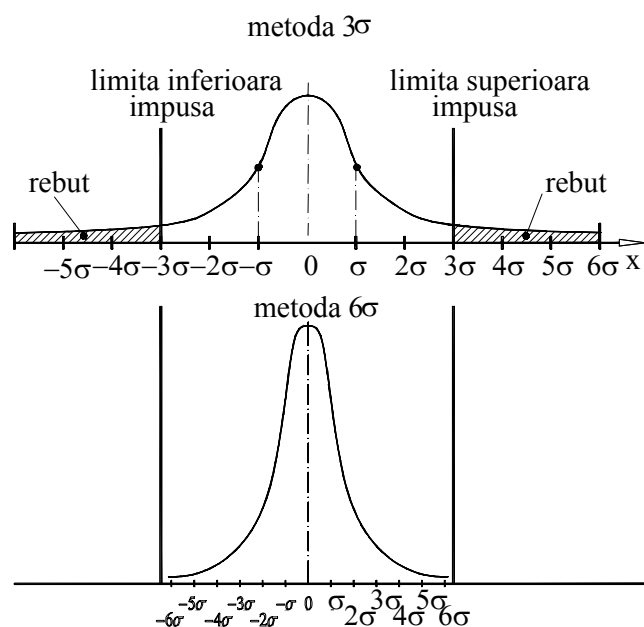


Fig. 4.6 Performanțele 6 $\sigma$

Fazele metodei *six sigma* sunt prezentate în mod succinct în figura 4.7 prin conținutul corespunzător fiecărei faze.

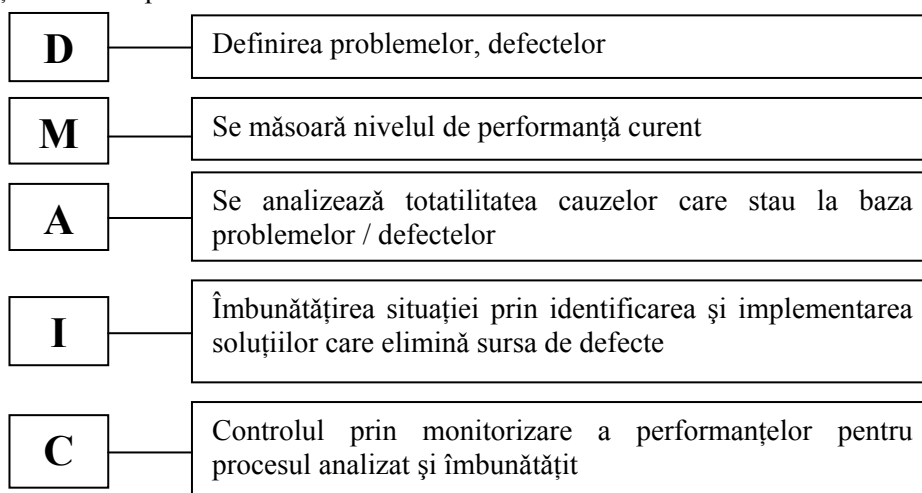


Fig. 4.7 Fazele metodei 6 sigma

Reprezentând costul total al produsului în raport cu valorile nominale ale dispersiei se constată o dependență parabolică cu un extrem (valoare minimă) a costului. Acel punct se constituie în bariera tipică pentru metoda *six sigma* (fig.4.8).

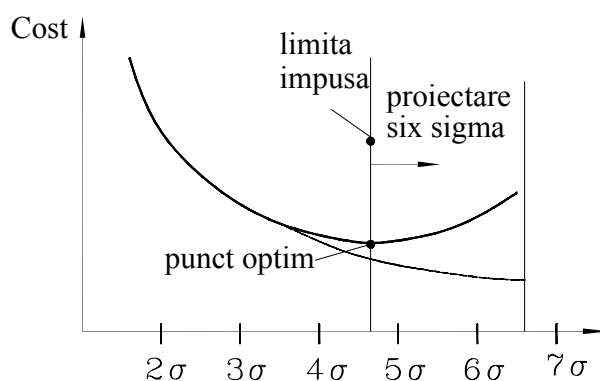


Fig. 4.8 Costul produsului

Această metodologie se aplică atât pentru crearea de noi produse cât și pentru re-proiectarea celor existente în vederea îmbunătățirii performanțelor. Se consideră că prețul de cost, pentru modificările care se impun, este incomparabil mai mic în perioada de proiectare.

Procedul de proiectare *six sigma* (Design For Six Sigma - DFSS) se bazează pe adăugarea unor opțiuni variantei DMAIC tradițională.

Schema de abordare a modului de lucru funcție de existența sau nu a produsului / serviciilor este prezentată în figura 4.9

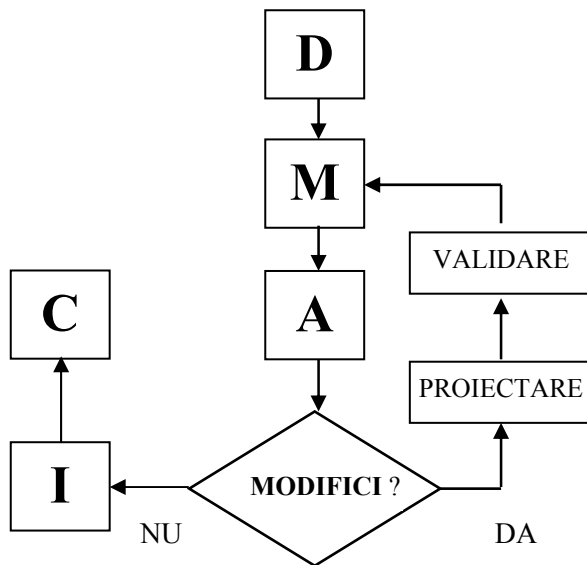


Fig. 4.9 Procedul de proiectare 6 sigma

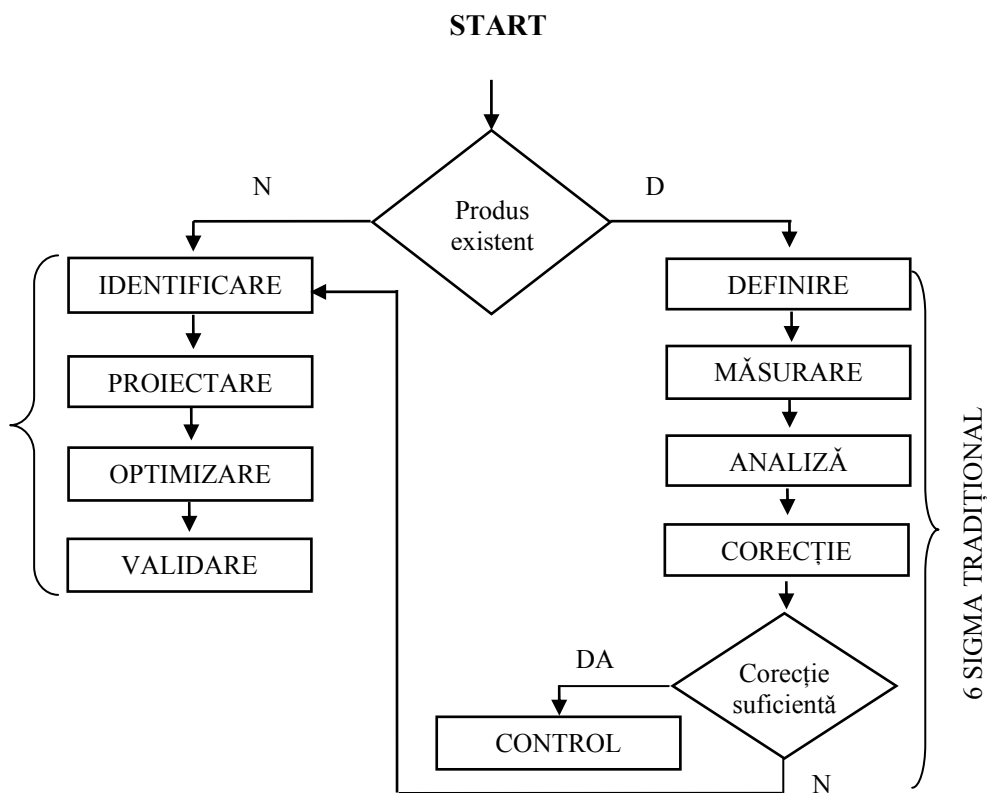


Fig. 4.10 Schema logică de proiectare

Factorii critici (CTx – *Critical to x*) pe fazele prezentate și aspectele măsurabile sunt prezentate în tabelul 4.2

Tabelul 4.2

Faza	CTx	Aspecte măsurabile
<b>Definire</b>	Date inițiale pentru proiect Scopul proiectului	Bursa de acțiuni, venit Resurse, buget
<b>Măsurare</b>	Factorii critici de îndeplinire	Necesitățile beneficiarului au prioritate
	Factorii critici de calitate (CTQ)	Caracteristicile de calitate, valori de referință, toleranțe, funcții de transfer
<b>Analiză</b>	Lipsuri în cele prezentate anterior	Tehnologia prioritară, cost, fiabilitate
<b>Proiectare</b>	Factorii critici ai produsului	Variabilele de ieșire a procesului din transferul de la variabilele de intrare.
	Criteriul de selecție a proiectării	Criteriile de apreciere, studiu de fezabilitate, alegerea furnizorilor
<b>Validare</b>	Toleranțele	Intrări optimizate, toleranțe, fiabilitate
	Factorii critici ai producției	Teste, controlul planului, proceduri standard

Cele patru etape ale fazei de proiectare sunt evidențiate prin referințe direct aplicative în schema logică din figura 4.11.

#### 4.2.2. Interval de încredere

Fiind dată o densitate de repartiție  $f(x, \lambda)$  care conține parametrul necunoscut  $\lambda$  putem considera că realizând o selecție de volum  $n$  definită prin  $\{x_1, x_2, \dots, x_n\}$  există două statistici  $\bar{\lambda}_1(x_1, x_2, \dots, x_n)$  și  $\bar{\lambda}_2(x_1, x_2, \dots, x_n)$  astfel ca să fie îndeplinită inegalitatea:

$$P[\bar{\lambda}_1(x_1, x_2, \dots, x_n)] \leq \lambda \leq P[\bar{\lambda}_2(x_1, x_2, \dots, x_n)] = \delta \quad (4.7)$$

și unde  $\delta$  nu depinde de  $\lambda$ . Aceasta înseamnă că a fost determinat un interval  $[\lambda_1, \lambda_2]$ , denumit *interval de încredere*, care acoperă pe  $\lambda$  cu o probabilitate  $\delta$  [4.6]. Valoarea  $\delta$  se numește *prag de încredere* al intervalului considerat.

În proiectarea *six sigma* intervalul de încredere  $I.I. = [\lambda_1, \lambda_2]$  pentru o repartiție normală standard, ilustrat sugestiv în figura 4.12, se calculează cu o relație de forma:

$$I.I. = \bar{x} \pm Z_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \quad (4.8)$$

unde: este valoarea medie,  $\sigma$  este deviația standard,  $Z_{\frac{\alpha}{2}}$  este valoarea variabilei  $Z$

pentru un nivel de încredere  $\alpha$ .

Pentru o distribuție  $t$  (fig.4.13) intervalul de încredere se calculează prin relația:

$$I.I. = \bar{x} \pm t_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{S}{\sqrt{n}} \quad (4.9)$$



unde:  $\bar{x}$  este valoarea medie,  $S$  este abaterea standard,  $t_{\frac{\alpha}{2}}$  este valoarea variabilei  $t$  pentru un nivel de încredere  $\alpha$ .

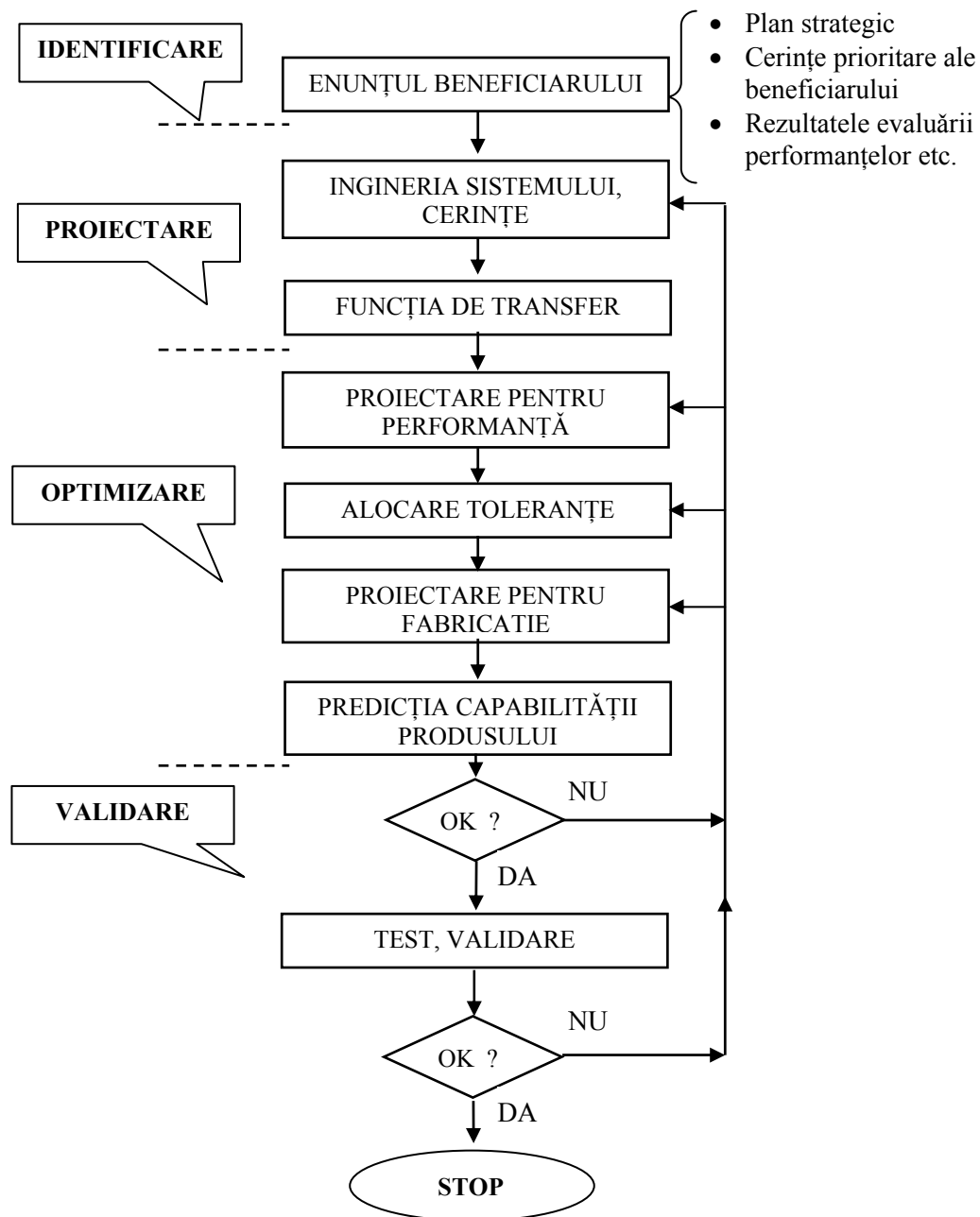


Fig. 4.11 Schema logică de proiectare 6 sigma

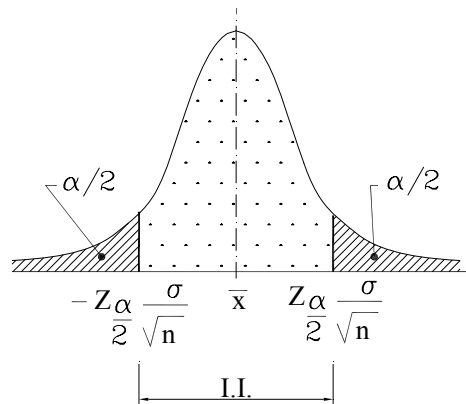


Fig. 4.12 Intervalul de încredere pentru o repartiție normală standard

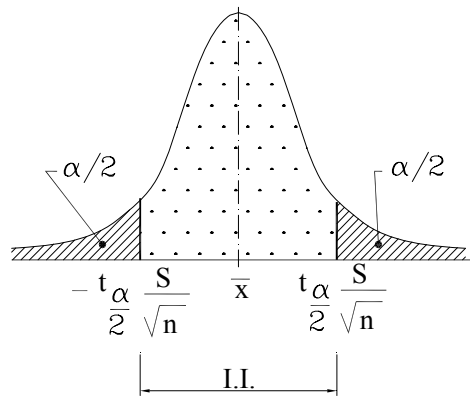


Fig. 4.13 Intervalul de încredere pentru o distribuție t

**Exemplu 4. 2**

Să se determine intervalul de încredere I.I. la un nivel de încredere de 95 % dacă valoarea medie a unui eșantion de  $n = 50$  este  $\bar{x} = 24.6$  iar deviația standard este  $\sigma = 3$ .

Din [4.2, pag.328] pentru nivelul de încredere dat se determină  $Z_{\frac{\alpha}{2}} = 1.96$ .

Pe baza relației (4.8) se poate calcula:

$$I.I. = 24.6 \pm 1.96 \cdot \frac{3}{\sqrt{50}} = 24.6 \pm 0.83 = \begin{cases} 23.83 \\ 25.43 \end{cases} \quad (4.10)$$

**4.2.3. Metrica defectelor în 6 sigma**

O unitate produs se consideră deteriorat dacă are cel puțin un defect. Se impune să se determine toate oportunitățile posibile pentru problema analizată, excluderea evenimentelor rare, gruparea defectelor similare, evitarea aspectelor banale, definirea oportunităților consistente.

Proporția  $p$  de deteriorare se definește prin raportul dintre numărul de unități deteriorate  $NUD$  și numărul total de unități produs  $NUP$ :

$$q = \frac{NUD}{NUP} \tag{4.11}$$

Probabilitatea de lipsă a defectelor va fi.  $p = 1 - q$ .

Numărul de defecte pe unitate  $dpu$  se definește ca numărul de defecte  $ND$  raportat la numărul total de unități produs:

$$dpu = \frac{ND}{NUP} \tag{4.12}$$

Probabilitatea de a găsi  $r$  defecte în eșantionul considerat cu un  $dpu$ , poate fi estimată cu o distribuție Poisson [4.11].

Numărul de defecte pe oportunitate  $dpo$  se definește ca fiind raportul dintre numărul de defecte  $ND$  și produsul dintre numărul de unități  $NUP$  și numărul oportunităților pe unitate  $OPU$ :

$$dpo = \frac{ND}{NUP \times OPU} \tag{4.13}$$

Defectele la un milion de oportunități  $dpmo$  se determină printr-o relație de forma:

$$dpmo = dpo \times 1.000.000 \tag{4.14}$$

În concordanță cu proiectarea robustă se definește un coeficient de capabilitate  $CP$  ca fiind raportul dintre valoare maximă a intervalului permis pentru o caracteristică și variație normală  $\pm 3\sigma$ :

$$C_p = \frac{L.S. - L.I.}{3\sigma} \tag{4.15}$$

Valori ale coeficientului de capabilitate pentru diverse valori ale lui  $\sigma$  sunt date în tabelul 4.3.

Tabelul 4.3

Grad de valorificare	dpmo	$\sigma$	CP	Costul pentru calitate inferioară
0,840	160.000	2,50	0,83	40 %
0,870	130.000	2,63	0,88	
0,900	100.000	2,78	0,93	
0,945	55.000	3,10	1,03	30 %
0,980	20.000	3,55	1,18	20 %
0,995	5.000	4,07	1,36	
0,999	1.000	4,60	1,53	10 %
0,99975	250	4,98	1,66	5 %
0,9999	100	5,22	1,74	
0,99998	20	5,61	1,87	
0,9999966	3.4	6.00	2,00	

Correspondența calitativă dintre cei doi parametri este ilustrată sugestiv în figura 4.14 (L.I. – limita inferioară, L.S. limita superioară). În același timp parametrul  $dpmo$  se poate converti în valoarea coeficientului  $C_p$  [4.11].

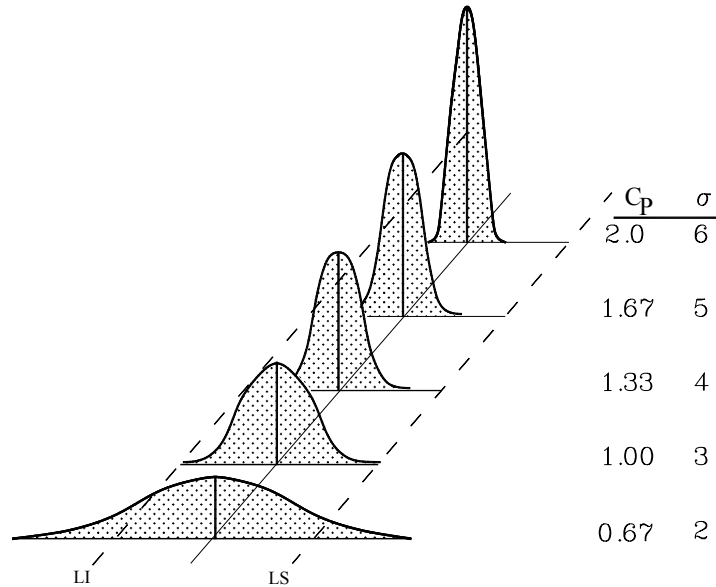


Fig. 4.14 Corespondența calitativă între cei doi parametri

#### Exemplu 4.3

Se cere să se determine care este parametrul  $dpmo$  dacă s-au identificat 8 defecte la 160 de unități cu 10 oportunități la fiecare unitate. Care este coeficientul de capabilitate?

Pe baza relațiilor anterioare (4.12) - (4.14) se calculează:

$$dpu = \frac{8}{160} = 0.05 \quad (4.16)$$

$$dpo = \frac{8}{160 \cdot 10} = 0.005 \quad (4.17)$$

$$dpmo = dpo \times 1.000.000 = 0,005 \times 1.000.000 = 5.000 \quad (4.18)$$

Din tabelul 4.3 se determină  $CP = 1,36$

La nivelul anilor 1980 s-a introdus noțiunea de *concepție robustă* ca o experiență din proiectarea experimentelor (*Design of Experiment*) și orientată spre o nouă concepție a sistemelor (produse, servicii, metode etc.).

O definiție a acestei concepții ar fi în esență concepția unor produse insensibile la variabilitatea transmisă de componente. De ex. pentru un produs echivalat cu un amplificator electronic, performanța se referă la valoarea nominală a tensiunii. Parametrii elementelor componente (tranzistoare, rezistențe, sursă de curent etc.)

influențează prin variabilitatea lor performanțele produsului.

Sistemic, produsul se poate prezenta asemănător cu figura 4.15.

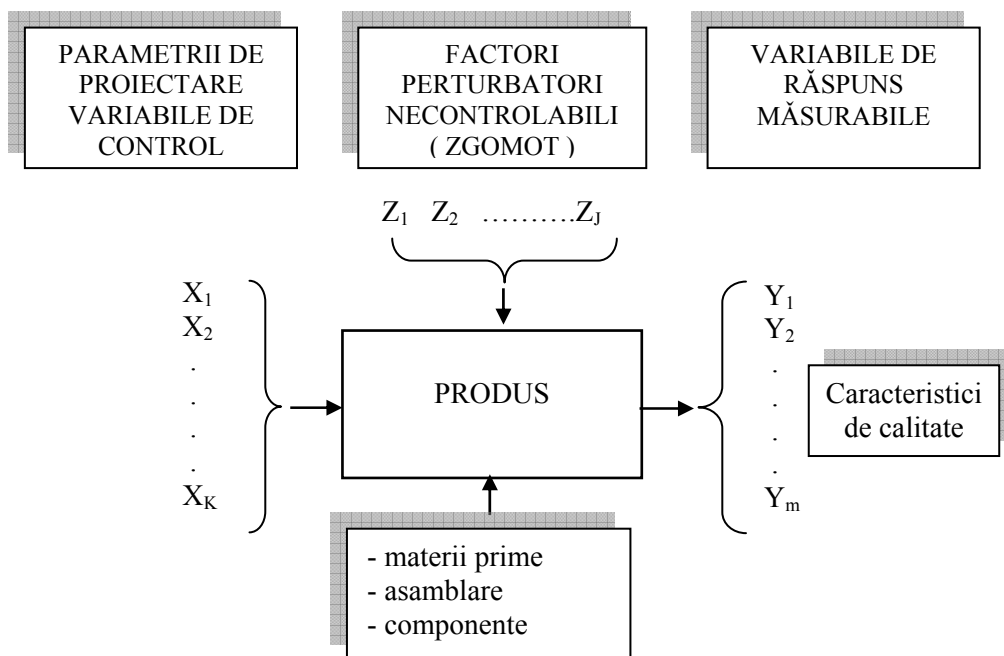


Fig. 4.15 Prezentarea sistemică a unui produs

Variabilele de răspuns (ieșirea sistemului) se pot defini printr-o relație generalizată de forma:

$$Y = f(X_1, X_2, \dots, X_k) + \varepsilon \tag{4.19}$$

unde funcția  $f$  poate fi cunoscută (formă liniară, neliniară) sau necunoscută (calculabilă, observabilă prin experiment).

Conform concepției de proiectare, calitatea  $Y$  a produsului este puțin sensibilă la factorii perturbatori (zgomot)  $Z$ . În același timp conceptul de proiectare analizează interacțiunea dintre variabilele  $X$  și  $Z$  pentru a obține performanțe acceptabile, măsurabile prin  $Y$ , ale produsului. Conform metodei Taguchi (fig.4.16), variabilele se clasifică conform tabelului 4.4.

Tabelul 4.4

Variabila	Caracterizare
<b>Funcția</b>	Măsurabilă prin ieșirea $Y$
<b>Control</b>	Parametrii de proiectare $X$
<b>Zgomot</b>	Variabile necontrolabile $Z$
<b>Semnal</b>	Variabile principale de intrare
<b>Reglaj</b>	Permit modificarea valorii medii pentru $Y$ fără a afecta varianța pentru $Y$

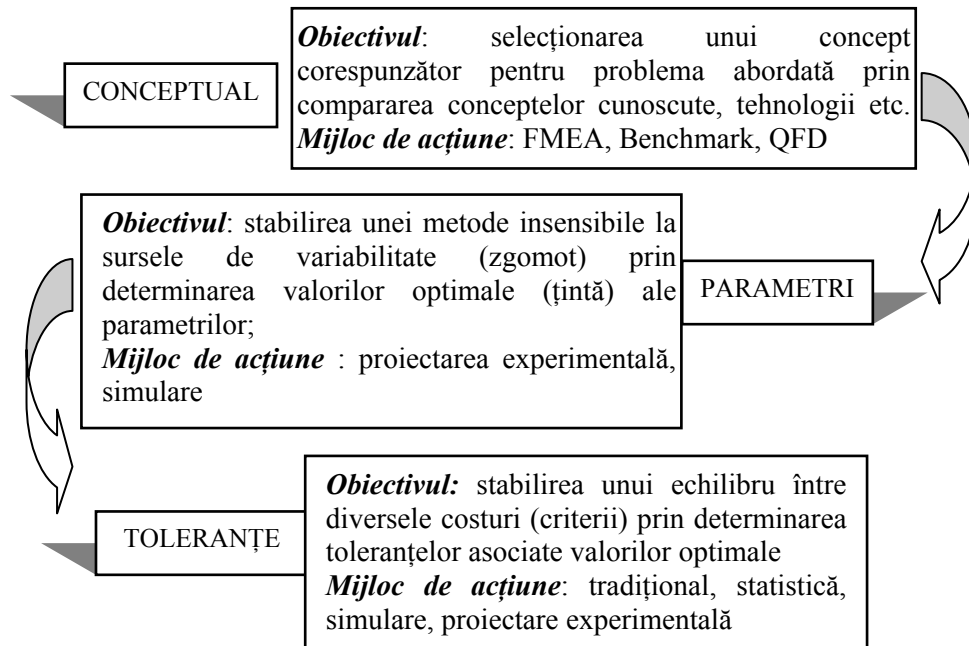


Fig. 4.16 Metodologia de proiectare Taguchi

Funcția de pierdere pătratică (fig.4.17), pierderile medii (fig.4.18) sunt câteva din abordările avute în vedere în proiectarea Taguchi pe baza cărora pot fi evaluate performanțele alternativelor și stabilit proiectul corespunzător în cadrul unui proces de optimizare .

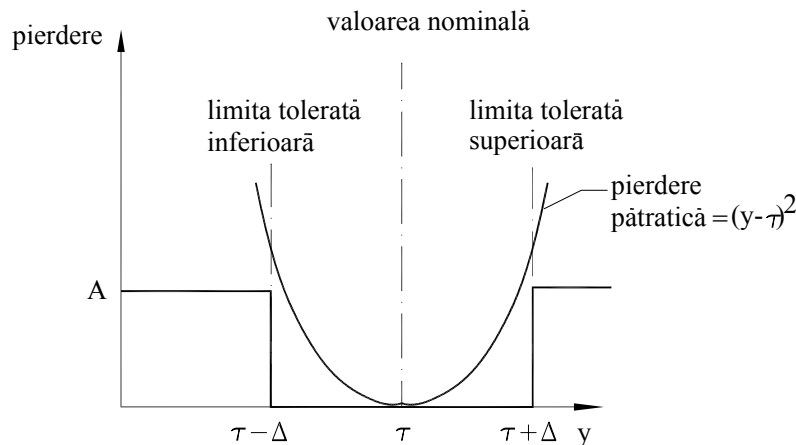


Fig. 4.17 Funcția de pierdere pătratică

Pierderile medii se pot defini printr-o relație de forma:

$$PM = \sigma^2 + (\mu - y_0)^2 \quad (4.20)$$

Minimizarea pierderilor concomitent cu determinarea variabilei de control

corespunzătoare se poate realiza prin metoda Taguchi sau metoda clasică [4.10], [4.11]. Metoda Taguchi apelează la raportul semnal – zgomot calculat prin relația:

$$SB_N = 10 \cdot \lg\left(\frac{\mu^2}{\sigma^2}\right) = -20 \cdot \lg(CV) \quad (4.21)$$

unde coeficientul de variație CV are valoarea:

$$CV = \frac{\sigma}{\mu} \quad (4.22)$$

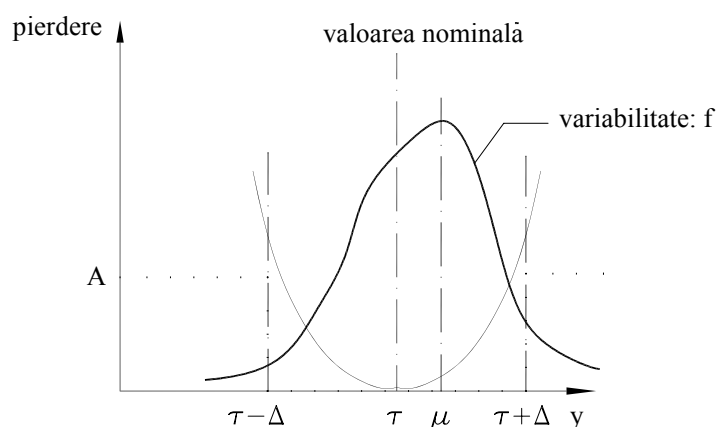


Fig. 4.18 Funcția pierderi medii

*Exemplu 4. 4*

Se consideră circuitul RL reprezentat în figura 4.19. Se cere abordarea problemei de proiectare optimă pe criteriul 6 sigma.

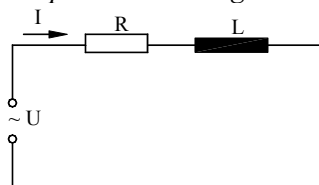


Fig. 4.19 Circuit R-L

Valoarea vizată în procesul de proiectare se consideră cea a curentului prin circuit:

$$I = \frac{U}{Z} = \frac{U}{\sqrt{R^2 + X_L^2}} = \frac{U}{\sqrt{R^2 + (2 \cdot \pi \cdot f \cdot L)^2}} = 3 \text{ A} \quad (4.23)$$

Variabilele și rolul acestora în funcționarea circuitului este următoarea:

- funcție răspuns: Y - curentul I;
- factor de control: - rezistența R cu toleranțele ± 10 %;

- *factor de adaptare: - inductivitatea L cu toleranțele  $\pm 10\%$ ;*
- *factor de zgomot:  $U = 24 V, \pm 10\%$ , ,  $f = \{48, 49, 50\} Hz$  R, L, cu valorile nominale și limitele de variație.*

*Utilizând o abordare systemică, relația (4.19) se poate scrie sub forma:*

$$Y = f(U, R, f, L) = I \quad (4.24)$$

Se consideră disponibile 3 variante de proiect cu valorile nominale pentru R, L cele prezentate în tabelul 4.5.

Tabelul 4.5

	<b>R [<math>\Omega</math>]</b>	<b>L [H]</b>
<b>Proiectul 1</b>	7,00	0,0126
<b>Proiectul 2</b>	1,85	0,0256
<b>Proiectul 3</b>	6,50	0,0150

Numărul cazurilor posibile și deci dimensiunea matricii externe este definit de numărul de valori pentru variabile:

$$3 \text{ var. } U \times 3 \text{ var. } R \times 3 \text{ var. } L \times 3 \text{ var. } f = 3^4 = 81 \quad (4.25)$$

Utilizând facilitățile Excel s-au calculat variantele disponibile pentru cele 3 proiecte conform celor prezentate în tabelele 4.6, 4.7, 4.8.

Tabelul 4.6

<b>nr.crt.</b>	<b>U</b>	<b>f</b>	<b>R</b>	<b>L</b>	<b>Y=I</b>
<b>1</b>	21,6	48	6,30	0,01134	3,013197442
<b>2</b>	21,6	48	6,30	0,01260	2,935839559
<b>3</b>	21,6	48	6,30	0,01386	2,856904687
<b>4</b>	21,6	48	7,00	0,01134	2,772493501
..	..	..	..	..	..
<b>79</b>	26,4	50	7,70	0,01134	3,111660195
<b>80</b>	26,4	50	7,70	0,01260	3,049241831
<b>81</b>	26,4	50	7,70	0,01386	2,984440857

Tabelul 4.7

<b>nr.crt.</b>	<b>U</b>	<b>f</b>	<b>R</b>	<b>L</b>	<b>Y=I</b>
<b>1</b>	21,6	48	1,6650	0,02304	3,022919533
<b>2</b>	21,6	48	1,6650	0,02560	2,734770631
<b>3</b>	21,6	48	1,6650	0,02816	2,495798204
<b>4</b>	21,6	48	1,8500	0,02304	3,003851106
..	..	..	..	..	..
<b>79</b>	26,4	50	2,0350	0,02304	3,511164979
<b>80</b>	26,4	50	2,0350	0,02560	3,182271516
<b>81</b>	26,4	50	2,0350	0,02816	2,908199264



Tabelul 4.8

nr.crt.	U	f	R	L	Y=I
1	21,6	48	5,850	0,01350	3,030561342
2	21,6	48	5,850	0,01500	2,920834213
3	21,6	48	5,850	0,01650	2,812414031
4	21,6	48	6,500	0,01350	2,816207024
..	..	..	..	..	..
79	26,4	50	7,150	0,01350	3,17565763
80	26,4	50	7,150	0,01500	3,082942414
81	26,4	50	7,150	0,01650	2,989352723

Performanțele corespunzătoare celor 3 proiecte sunt evidențiate în cadrul tabelului 4.9. indicându-se proiectul ales pe baza parametrului SB.

Tabelul 4.9

	min	max	$\bar{y}$	$\sigma$	CV	PM	SB
Pr.1	2,44181	3,68279	2,9988	0,1009	0,1059	8,5043	19,498
Pr.2	2,37940	3,68460	2,9644	0,1171	0,1154	8,3223	18,751
Pr.3	2,44580	3,70400	3,0099	0,0964	0,1031	8,5642	19,729

PM minim

Proiectul cel mai bun

### 4.3. Probleme propuse

- variabilă urmărită în procesul de măsurare prezintă o variație între 15 [U.M.] și 95 [U.M.] cu o frecvență reprezentată în tabelul alăturat. Se cere să se determine media variabilei respective, dispersia și să se reprezinte curba densității de probabilitate.

Tabelul 4.10

Intervalul [UM]	Frecvența
10 - 20	5
20 - 30	14
30 - 40	17
40 - 50	20
50 - 60	35
60 - 70	23
70 - 80	18
80 - 90	8

- Să se determine intervalul de încredere I.I. la un nivel de încredere de 95 % dacă valoarea medie a unui eșantion de  $n = 35$  este  $\bar{x} = 14.6$  iar deviația standard este  $\sigma = 2.3$
- Se cere să se determine care este parametrul dmpo dacă s-au identificat 6 defecte la 140 de unități cu 8 oportunități la fiecare unitate. Care este coeficientul de capabilitate ?
- Să se optimizeze un circuit R – L paralel cu valorile parametrilor corespunzător exemplului 4.4 utilizând metoda 6 sigma.

#### 4.4. Bibliografia capitolului 4

- [4.1]Barker, Th. B., Engineering quality by design, Marcel Dekker, Inc., New York, 1990
- [4.2]Davidescu, A., Analiza și procesarea datelor în Matlab, Editura Politehnica, Timișoara, 2003
- [4.3]Karna, A., Environmentally oriented product design. A Guide for Companies in the Electrical and Electronics Industry, Helsinki, 1998
- [4.4] Kiemele, M.J., Using the design for six Sigma (DFSS) Aproach to Design, Test and Evaluate to Reduce Program Risk, <http://www.dtic.mil/ndia/2003test/kiemele.pdf>
- [4.5]Mazur, G.H., QFD in Support of Design for Six Sigma, (-)
- [4.6]Mihoc, Gh.,ș.a., Bazele matematice ale teoriei fiabilității, Editura Dacia, Cluj-Napoca, 1976
- [4.7]Militaru, C., Fiabilitatea și precizia în tehnologia construcțiilor de mașini, Editura Tehnică, București, 1987
- [4.8]Millea, A., Cartea metrologului. Metrologie generală, Editura Tehnică, București, 1985
- [4.9]Resa, I.D.,s.a., Probleme de statistică rezolvate pe calculator, Editura Facla, Timisoara, 1984
- [4.10]\*\*\*, Business Process Initiative: Design for Six Sigma, UGS PLM Solutions 2004
- [4.11]\*\*\*, Six Sigma Tutorial, [www.sixsigmatutorial.com/Six-Sigma/Six-Sigma-in - Engineering.aspx](http://www.sixsigmatutorial.com/Six-Sigma/Six-Sigma-in-Engineering.aspx)